

13.11.23

математика

Тема: «Вычисление производной»

$f(x)$	$f'(x)$
x	1
x^2	$2x$
x^3	$3x^2$
$\frac{1}{x}$	$-\frac{1}{x^2}$

$$1. c' = 0, c = \text{const}$$

$$2. (x^n)' = nx^{n-1}$$

$$3. (a^x)' = a^x \cdot \ln a$$

$$4. (e^x)' = e^x$$

$$5. (\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a}$$

$$6. (\ln x)' = \frac{1}{x}$$

$$7. (\sin x)' = \cos x$$

$$8. (\cos x)' = -\sin x$$

$$9. (\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$10. (\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$11. (\operatorname{ctg} x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$$

$$12. (\arcsin x)' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$13. (\arccos x)' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$14. (\operatorname{arctg} x)' = \frac{1}{1+x^2}$$

$$15. (\operatorname{arcctg} x)' = -\frac{1}{1+x^2}$$

$$16. (\operatorname{sh} x)' = \operatorname{ch} x$$

$$17. (\operatorname{ch} x)' = \operatorname{sh} x$$

$$18. (\operatorname{th} x)' = \frac{1}{\operatorname{ch}^2 x}$$

$$19. (\operatorname{th} x)' = -\frac{1}{\operatorname{sh}^2 x}$$

Правила вычисления производных

1. $(U + Y)' = U' + Y'$	3. $(U * Y)' = U' * Y + U * Y'$
2. $(k * U)' = k * (U)'$	4. $\left[\frac{U}{Y} \right]' = \left[\frac{U' * Y - U * Y'}{Y^2} \right]$

Применяя правила 1) и 2) дифференцируем функцию:

$$y' = \left(6 + x + 3x^2 - \sin x - 2\sqrt[3]{x} + \frac{1}{x^2} - 1 \operatorname{ctg} x \right)' =$$

$$= (6)' + (x)' + (3x^2)' - (\sin x)' - \left(2x^{\frac{1}{3}} \right)' + (x^{-2})' - (1 \operatorname{ctg} x)' =$$

$$= (6)' + (x)' + 3(x^2)' - (\sin x)' - 2 \left(x^{\frac{1}{3}} \right)' + (x^{-2})' - 1(\operatorname{ctg} x)'$$

$$\begin{aligned}
y' &= ((x^2 + 7x - 1)\log_3 x)' = (x^2 + 7x - 1)' \log_3 x + (x^2 + 7x - 1)(\log_3 x)' = \\
&= ((x^2)' + 7(x)' - (1)') \log_3 x + (x^2 + 7x - 1)(\log_3 x)' = \\
&= (2x + 7 \cdot 1 - 0) \log_3 x + (x^2 + 7x - 1) \cdot \frac{1}{x \ln 3} = \\
&= (2x + 7) \log_3 x + \frac{(x^2 + 7x - 1)}{x \ln 3}
\end{aligned}$$

В этом примере применяем правило 3).

$$\begin{aligned}
y' &= \left(\frac{2(3x - 4)}{x^2 + 1} \right)' = 2 \cdot \left(\frac{3x - 4}{x^2 + 1} \right)' = \\
&= 2 \cdot \left(\frac{(3x - 4)'(x^2 + 1) - (3x - 4)(x^2 + 1)'}{(x^2 + 1)^2} \right) = \\
&= 2 \cdot \left(\frac{3 \cdot (x^2 + 1) - (3x - 4) \cdot 2x}{(x^2 + 1)^2} \right) = 2 \cdot \left(\frac{3x^2 + 3 - 6x^2 + 8x}{(x^2 + 1)^2} \right) = \\
&= \frac{2(-3x^2 + 8x + 3)}{(x^2 + 1)^2}
\end{aligned}$$

И, наконец, правило 4).

Производная сложной функции:

$$\begin{aligned}
y' &= (\sin(3x - 5))' = \cos(3x - 5) \cdot (3x - 5)' = \cos(3x - 5) \cdot (3 - 0) = \\
&= 3 \cos(3x - 5)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
y' &= ((2x + 1)^5)' = 5 \cdot (2x + 1)^4 \cdot (2x + 1)' = \\
&= 5 \cdot (2x + 1)^4 \cdot (2 + 0) = 10 \cdot (2x + 1)^4
\end{aligned}$$

Решаем по образцу:

$$-x^5 + 2x^3 - 3x^2 - 1;$$

$$(4 - 3x)^7;$$

$$x^2 \cos x;$$

$$\frac{\sin x}{x + 1};$$

Задания скидываем либо в личку, либо на почту:

matemconovalova@yandex.ru